

Les fonctions trigonométriques

1 Exprimez chacune des mesures d'angles suivantes en degrés.

a) 2π rad

b) $\frac{4\pi}{3}$ rad

c) $\frac{7\pi}{6}$ rad

d) $\frac{\pi}{2}$ rad

2 Exprimez chacune des mesures d'angles suivantes en radians.

a) 210°

b) 315°

c) 30°

d) 150°

3 À l'aide de la mesure de l'angle au centre et du rayon des cercles suivants, déterminez, dans chaque cas, la longueur de l'arc intercepté.

a) $\theta = \frac{2\pi}{3}$ rad

$r = 4,1$ dm

b) $\theta = \frac{3\pi}{4}$ rad

$r = 12$ m

c) $\theta = 0,82$ rad

$r = 35$ cm

4 Déterminez les coordonnées exactes des points trigonométriques suivants, sachant qu'ils sont exprimés sous la forme $P(\theta) = (\cos \theta, \sin \theta)$.

a) $P\left(\frac{5\pi}{6}\right)$

b) $P(45^\circ)$

c) $P\left(\frac{3\pi}{4}\right)$

d) $P(60^\circ)$

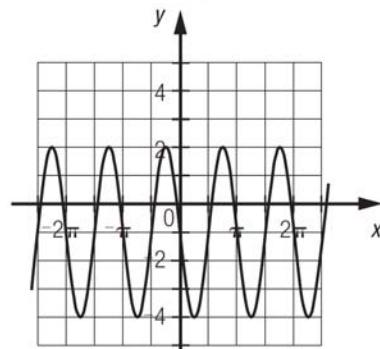
e) $P\left(\frac{5\pi}{12}\right)$

f) $P(150^\circ)$

5 Associez chacune des règles de la colonne de gauche à une représentation graphique de la colonne de droite.

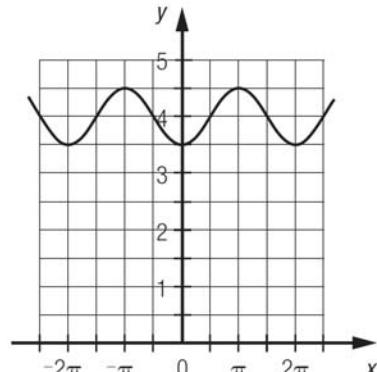
Ⓐ $f(x) = 3 \cos 2\left(x - \frac{\pi}{2}\right) - 1$

①



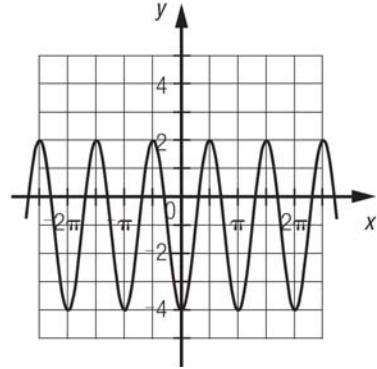
Ⓑ $g(x) = 3 \sin 2\left(x - \frac{\pi}{2}\right) - 1$

②



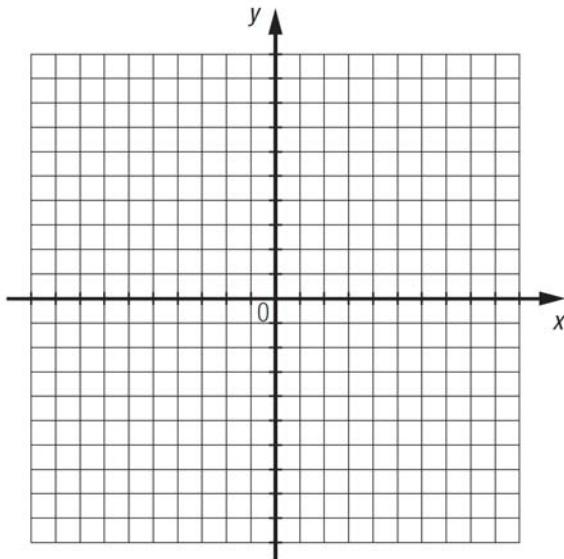
Ⓒ $h(x) = 0,5 \cos (x + \pi) + 4$

③

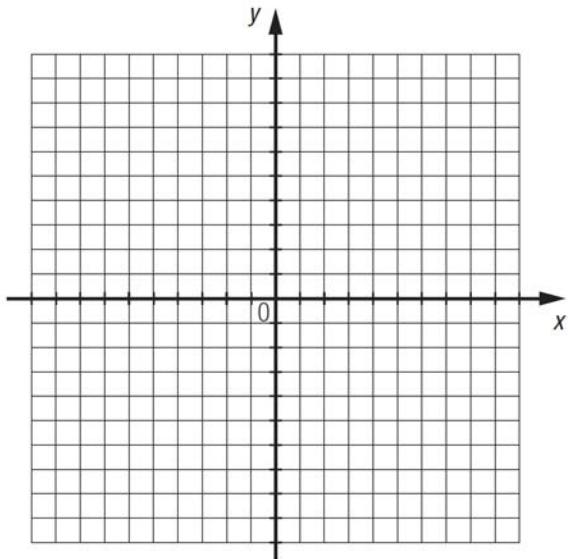


6 Tracez le graphique de chacune des fonctions trigonométriques suivantes.

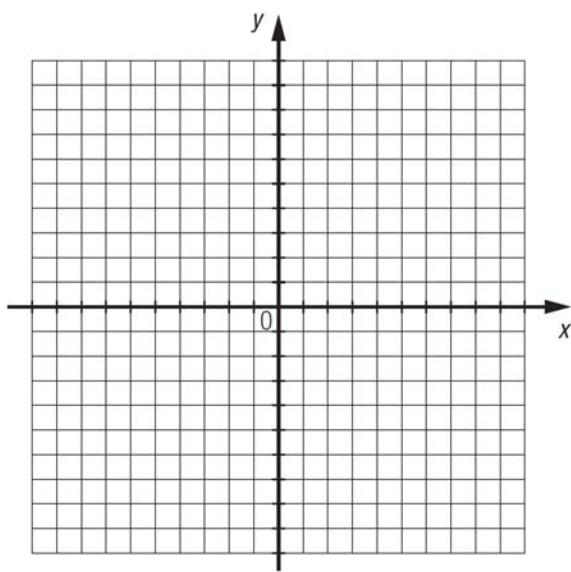
e) $j(x) = \cos 2\left(x + \frac{\pi}{4}\right) - 5$



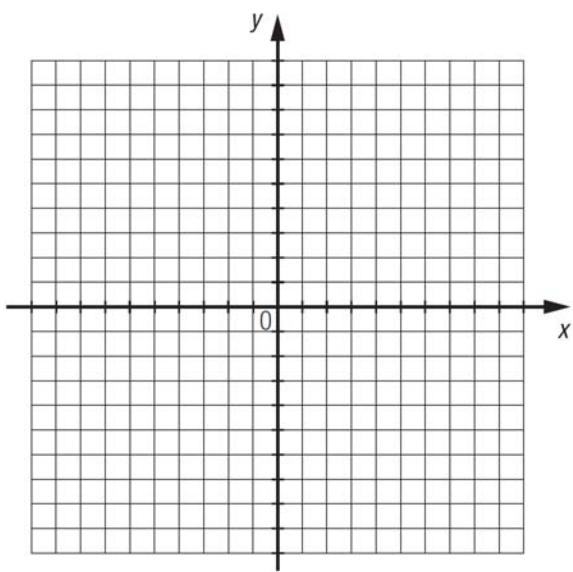
f) $k(x) = -3 \tan \frac{1}{2}\left(x - \frac{\pi}{2}\right) + 1$



c) $h(x) = 1,5 \tan \frac{\pi}{2}(x + 3) - 2$



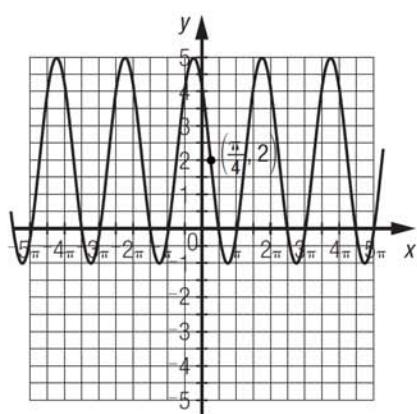
d) $i(x) = -4 \sin \frac{1}{3}(x - \pi) + 2$



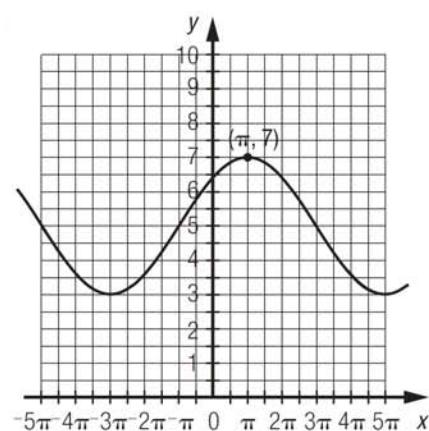
7

Établissez la règle de chacune des fonctions trigonométriques suivantes.

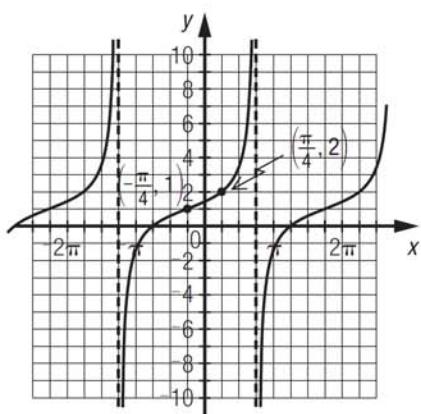
a)



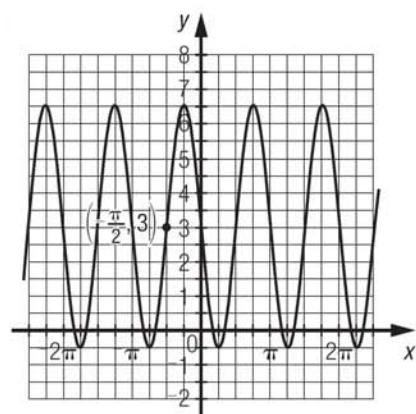
b)



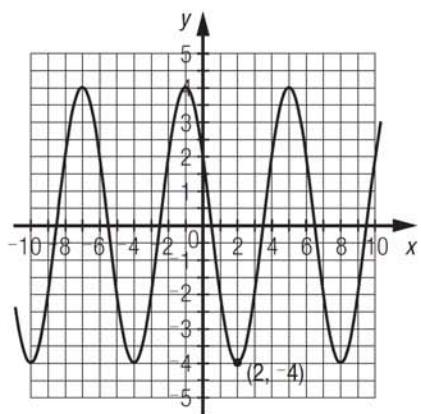
c)



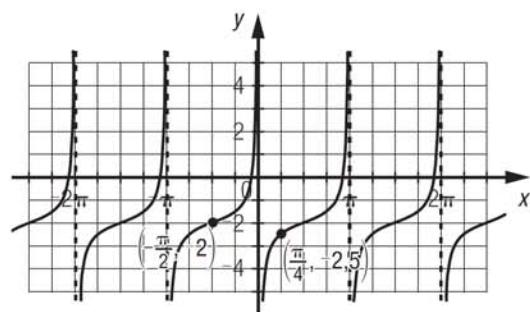
d)



e)



f)



Les fonctions trigonométriques

1 Exprimez chacune des mesures d'angles suivantes en degrés.

a) 2π rad

$$360^\circ$$

b) $\frac{4\pi}{3}$ rad

$$240^\circ$$

c) $\frac{7\pi}{6}$ rad

$$210^\circ$$

d) $\frac{\pi}{2}$ rad

$$90^\circ$$

2 Exprimez chacune des mesures d'angles suivantes en radians.

a) 210°

$$\frac{7\pi}{6} \text{ rad}$$

b) 315°

$$\frac{7\pi}{4} \text{ rad}$$

c) 30°

$$\frac{\pi}{6} \text{ rad}$$

d) 150°

$$\frac{5\pi}{6} \text{ rad}$$

3 À l'aide de la mesure de l'angle au centre et du rayon des cercles suivants, déterminez, dans chaque cas, la longueur de l'arc intercepté.

a) $\theta = \frac{2\pi}{3}$ rad

$r = 4,1 \text{ dm}$

b) $\theta = \frac{3\pi}{4}$ rad

$r = 12 \text{ m}$

c) $\theta = 0,82 \text{ rad}$

$r = 35 \text{ cm}$

$$S = n \cdot r$$

$$S = \frac{2\pi}{3} \cdot 4,1$$

$$\underline{S = 8,59 \text{ dm}}$$

$$\underline{S = 28,27 \text{ m}}$$

$$\underline{S = 28,7 \text{ cm}}$$

4 Déterminez les coordonnées exactes des points trigonométriques suivants, sachant qu'ils sont exprimés sous la forme $P(\theta) = (\cos \theta, \sin \theta)$.

a) $P\left(\frac{5\pi}{6}\right)$

$$\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}\right)$$

b) $P(45^\circ) = P\left(\frac{\pi}{4}\right)$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

c) $P\left(\frac{3\pi}{4}\right)$

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

d) $P(60^\circ) = P\left(\frac{\pi}{3}\right)$

$$\left(\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

e) $P\left(\frac{5\pi}{12}\right)$

$$(0,2588, 0,9659)$$

f) $P(150^\circ) = P\left(\frac{5\pi}{6}\right)$

$$\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}\right)$$

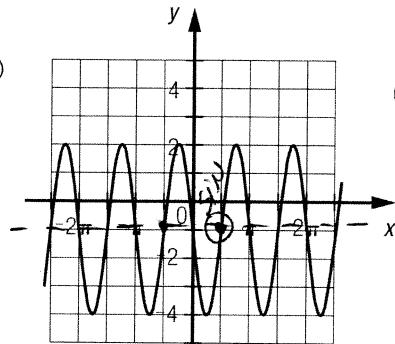
5 Associez chacune des règles de la colonne de gauche à une représentation graphique de la colonne de droite.

A) $f(x) = 3 \cos 2\left(x - \frac{\pi}{2}\right) - 1$ (3)

$$h = \pi/2$$

$$k = -1$$

①



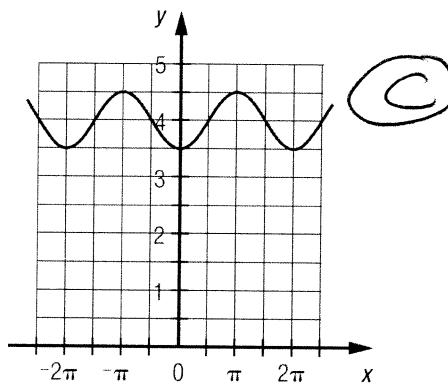
(B)

B) $g(x) = 3 \sin 2\left(x - \frac{\pi}{2}\right) - 1$ (1)

$$h = \pi/2$$

$$k = -1$$

②



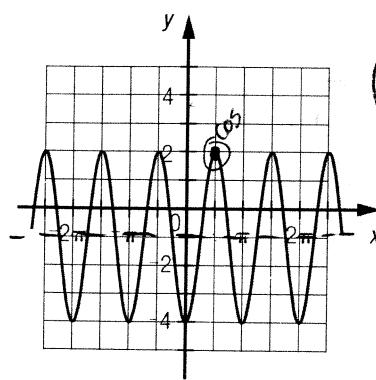
(C)

C) $h(x) = 0,5 \cos (x + \pi) + 4$ (2)

$$h = -\pi$$

$$k = 4$$

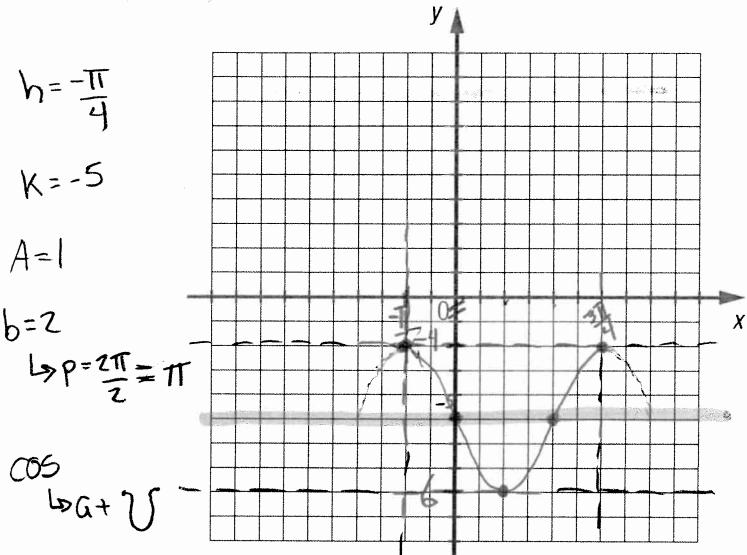
③



(A)

6 Tracez le graphique de chacune des fonctions trigonométriques suivantes.

e) $j(x) = \cos 2\left(x + \frac{\pi}{4}\right) - 5$

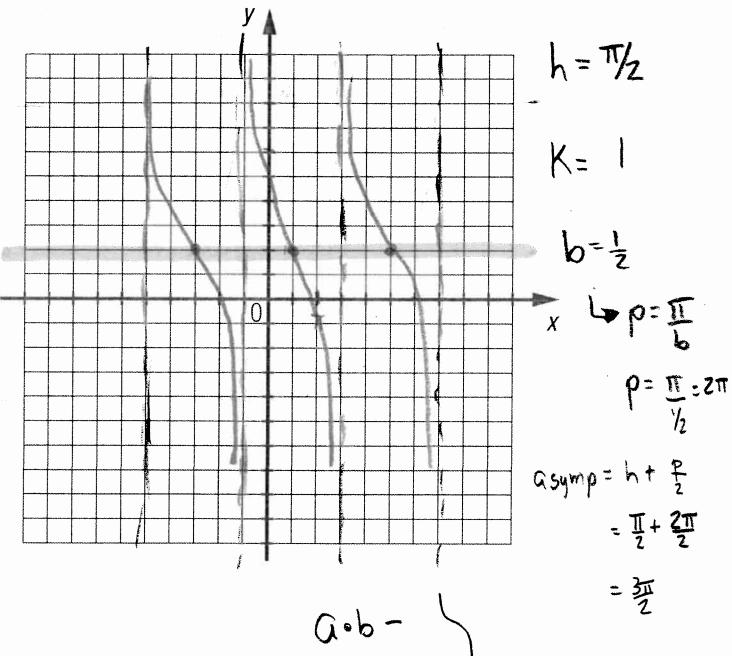


cycle $\cos [MAX, 0, MIN, 0, MAX]$

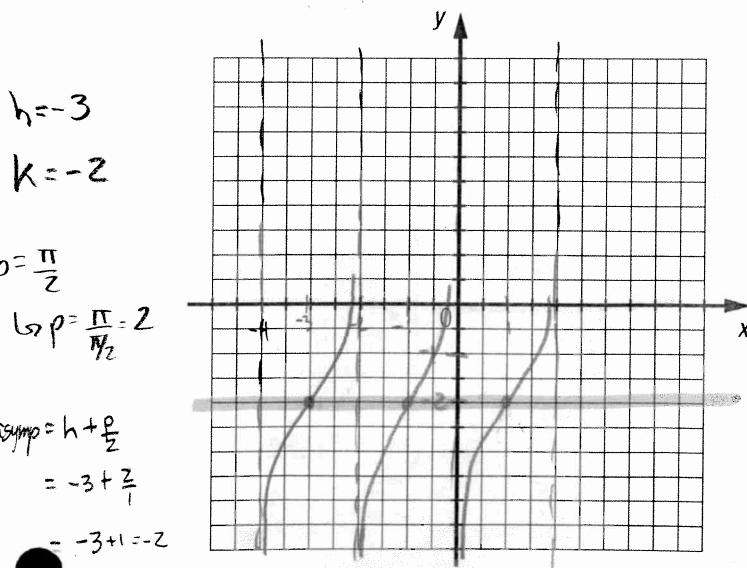
$$-\frac{\pi}{4} \quad 0 \quad \frac{\pi}{4} \quad \frac{\pi}{2} \quad \frac{3\pi}{4}$$

$\underbrace{\hspace{1cm}}$
 π

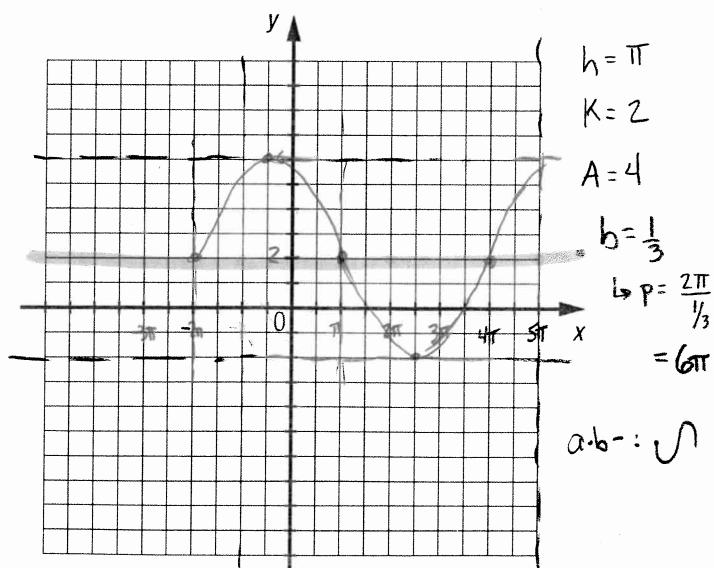
f) $k(x) = -3 \tan \frac{1}{2}\left(x - \frac{\pi}{2}\right) + 1$



c) $h(x) = 1,5 \tan \frac{\pi}{2}(x + 3) - 2$



d) $i(x) = -4 \sin \frac{1}{3}(x - \pi) + 2$

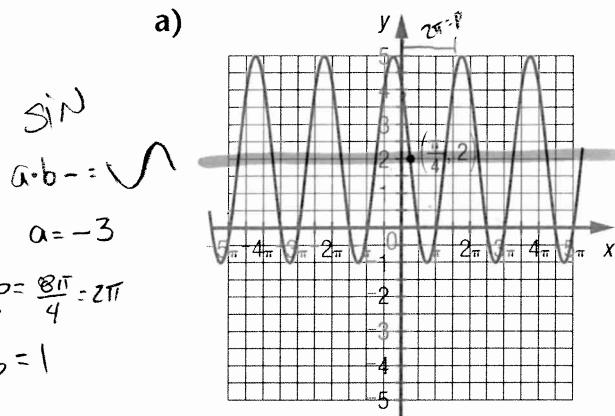


cycle $\sin [0, MIN, 0, MAX, 0]$
 $\pi \quad \frac{3\pi}{2} \quad 4\pi \quad \frac{11\pi}{2} \quad 7\pi$
 $\underbrace{\hspace{1cm}}$
 $p = 6\pi$

7

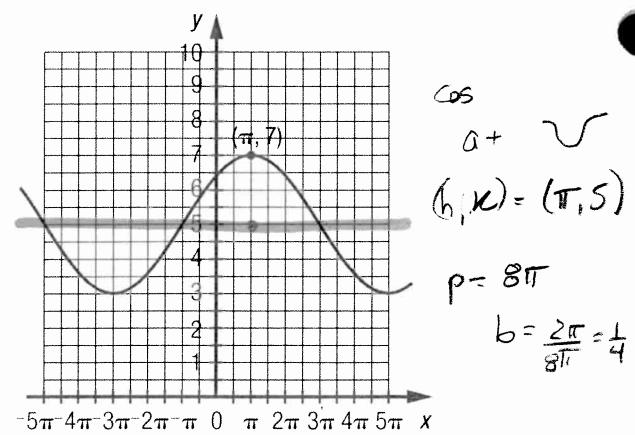
Établissez la règle de chacune des fonctions trigonométriques suivantes.

a)



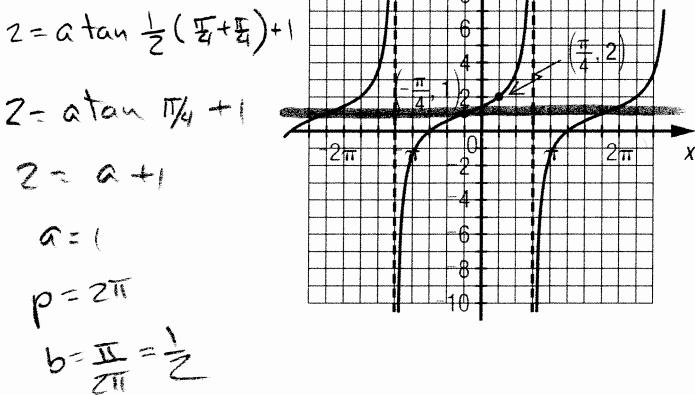
$$f(x) = -3 \sin \frac{1}{4}(x - \pi/4) + 2$$

b)



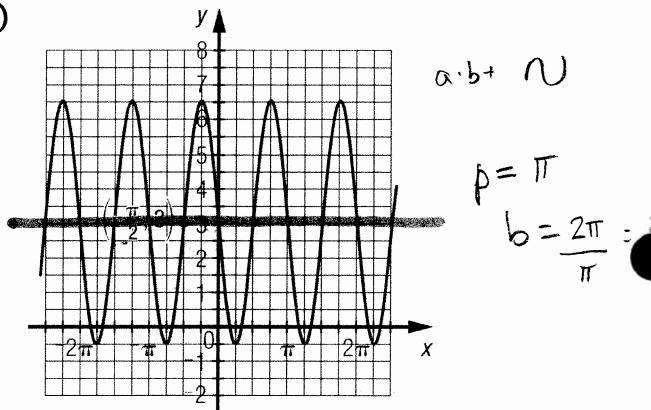
$$f(x) = 2 \cos \frac{1}{4}(x - \pi) + 5$$

c)



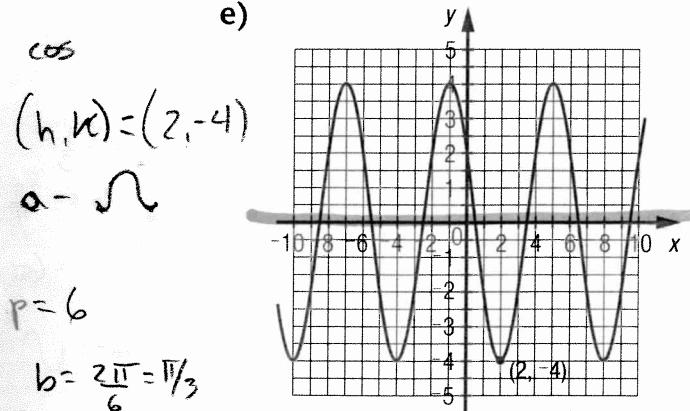
$$f(x) = 1 \tan \frac{1}{2}(x + \pi/4) + 1$$

d)



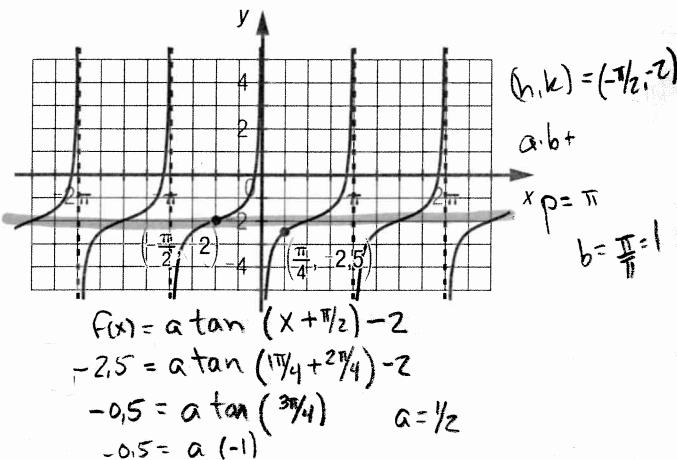
$$f(x) = 3.5 \sin 2(x + \pi/2) + 3$$

e)



$$f(x) = -4 \cos \frac{\pi}{3}(x - 2)$$

f)



$$f(x) = \frac{1}{2} \tan(x + \pi/2) - 2$$